

Potencias



Potencias

- ¿Qué es una potencia?
 - Definición: Es una multiplicación iterada (repetitiva)
 - Ejemplo: si tenemos la siguiente multiplicación iterada “ $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$ ” se escribirá de la siguiente manera:

$$2^5$$

Potencias

- Denotación:

The diagram shows the equation $a^n = x$. The letter a is purple, n is blue, and x is green. Three red arrows point from labels to the corresponding parts of the equation: one from 'Base' to a , one from 'Exponente' to n , and one from 'Potencia (Resultado)' to x .

$$a^n = x$$

Base

Exponente

Potencia
(Resultado)

Se lee “ a elevado a n ”

Potencias

- Denotación, ejemplos:

• $5^3 = 125$

Exponente

Base

Potencia (Resultado)

5 elevado a 3

• $2^7 = 128$

Exponente

Base

Potencia (Resultado)

2 elevado a 7

Potencias

- Desarrollo General: ¿Por qué da esos resultados?

$$\bullet a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n\text{-veces}}$$

Potencias

Ejemplo:

$$\begin{aligned}
 \bullet 5^3 &= 5 \cdot 5 \cdot 5 = 125 \\
 &\quad \underbrace{ \cdot 5}_{25 \cdot 5} \\
 &\quad \quad \underbrace{}_{125}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 2^7 &= 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 128 \\
 &\quad \underbrace{2 \cdot 2}_4 \cdot \underbrace{2 \cdot 2}_4 \cdot \underbrace{2 \cdot 2}_4 \cdot 2 \\
 &\quad \quad \underbrace{4 \cdot 4}_{16} \cdot \underbrace{4 \cdot 2}_8 \\
 &\quad \quad \quad \underbrace{16 \cdot 8}_{128}
 \end{aligned}$$

Contraejemplo: lo que no se debe hacer

~~$$\bullet 5^3 = 5 \cdot 3 = 15$$~~

~~$$\bullet 2^7 = 2 \cdot 7 = 14$$~~

Potencias

- Ejercicios: calcular y argumentar las siguientes potencias.
- Ejemplo: $3^5 = 243$, porque $3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 243$
- 1) $4^3 =$
- 2) $-5^4 =$
- 3) $(-11)^2 =$
- 4) $(-7)^3 =$
- 5) $-15^2 =$

Potencias

- 1) $4^3 = 64$, porque $4 \cdot 4 \cdot 4 = 64$
- 2) $-5^4 = -625$, porque $(-) \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 = -625$
- 3) $(-11)^2 = 121$, porque $-11 \cdot -11 = 121$
- 4) $(-7)^3 = -343$, porque $-7 \cdot -7 \cdot -7 = -343$
- 5) $-15^2 = -225$, porque $(-) \cdot 15 \cdot 15 = -225$

- $4 \times 3 = 12$ MALO
- $-5 \times 4 = -20$ MALO
- $-11 \times 2 = -22$ MALO
- $-7 \times 3 = -21$ MALO
- $-15 \times 2 = -30$ MALO

Potencias

- Ejercicios: calcular y argumentar las siguientes potencias.

- Ejemplo: $3^5 = 243$, porque $3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 243$

- 1) $\left(\frac{3}{4}\right)^5 =$

- 2) $\left(\frac{-2}{3}\right)^6 =$

- 3) $\left(\frac{-1}{2}\right)^5 =$

- 4) $\frac{5^3}{3} =$

- 5) $\frac{2}{5^3} =$

Potencias

- Ejercicios: calcular y argumentar las siguientes potencias.
- Ejemplo: $3^5 = 243$, porque $3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 243$
- 1) $\left(\frac{3}{4}\right)^5 = \frac{243}{1.024}$, porque $\frac{3}{4} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{4} = \frac{243}{1.024}$
- 2) $\left(\frac{-2}{3}\right)^6 = \frac{64}{729}$, porque $\frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} \cdot \frac{-2}{3} = \frac{64}{729}$ (base negativa exponente par el resultado es positivo)
- 3) $\left(\frac{-1}{2}\right)^5 = \frac{-1}{32}$, porque $\frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} = \frac{-1}{32}$ (base negativa exponente impar el resultado es negativo)
- 4) $\frac{5^3}{3} = \frac{125}{3}$, porque $\frac{5 \cdot 5 \cdot 5}{3} = \frac{125}{3}$
- 5) $\frac{2}{7^3} = \frac{2}{343}$, porque $\frac{2}{7 \cdot 7 \cdot 7} = \frac{2}{343}$

Potencias

- Es un **multiplicación iterada** que se abrevia así: $a^n = x$, donde “ a ” es la base, números que se repite, “ n ” es el exponente, cantidad de veces que se repite la base y “ x ” es el resultado de la potencia, o sea la potencia en si misma.
- Su desarrollo correcto es: $a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n - \text{veces}}$
- Nunca debe tentarse a resolver de la siguiente manera: ~~$a^n = a \cdot n$~~ , porque ese desarrollo estaría malo.

Propiedades de Potencias

- Potencia de Base 0:
- $0^x = 0 \Rightarrow 0^5 = 0$
- Potencia de Base 1:
- $1^x = 1 \Rightarrow 1^7 = 1$
- Potencia de Exponente 0:
- $x^0 = 1 \Rightarrow 3^0 = 1$
- Potencia de Exponente 1:
- $x^1 = x \Rightarrow 9^1 = 9$ o $9 = 9^1$

Observación:

$0^0 =$ No tiene solución.

- Potencia de Potencia:
- $(a^n)^m = a^{n \cdot m} = a^{nm}$
- $(3^5)^7 = 3^{5 \cdot 7} = 3^{35}$
- Potencia de Exponente Negativo:
- $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- $7^{-2} = \left(\frac{7}{1}\right)^{-2} = \left(\frac{1}{7}\right)^2 = \frac{1^2}{7^2} = \frac{1}{7^2}$
- $\frac{1}{5^{-3}} = \left(\frac{1}{5}\right)^{-3} = \left(\frac{5}{1}\right)^3 = \frac{5^3}{1^3} = \frac{5^3}{1} = 5^3$
- $\left(\frac{3}{4}\right)^{-8} = \left(\frac{4}{3}\right)^8 = \frac{4^8}{3^8}$

Potencias

• Ejercicios: Aplicar las propiedades.

• 1) $7^0 =$

• 2) $21^1 =$

• 3) $0^{10} =$

• 4) $1^{15} =$

• 5) $(2^5)^3 =$

• 6) $\left(\frac{3}{4}\right)^{-5} =$

• 7) $\left(\frac{1}{5}\right)^{-6} =$

• 8) $2^{-3} =$

Potencias

- Ejercicios: Aplicar las propiedades.

- 1) $7^0 = 1$

- 2) $21^1 = 21$

- 3) $0^{10} = 0$

- 4) $1^{15} = 1$

- 5) $(2^5)^3 = 2^{15}$

- 6) $\left(\frac{3}{4}\right)^{-5} = \left(\frac{4}{3}\right)^5$

- 7) $\left(\frac{1}{5}\right)^{-6} = 5^6$

- 8) $2^{-3} = \frac{1}{2^3}$